

6.1 图上距离与实际距离

教学目标:

1. 结合现实情境了解线段的比和成比例的线段.
2. 理解并掌握比例的性质.

教学重、难点:

1. 教学重点: 比例的性质.
2. 教学难点: 比例的性质应用.

教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程:

一、复习回顾

1. 比例的基本性质是什么?

- (1) 若 $a:b=c:d$, 则 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$;
- (2) 若 $ad=bc$ ($b \neq 0, d \neq 0$) 则 $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$.



2. 在比例尺为 1:200000 的地图上, 量得中山陵四周长为 5cm, 那么中山陵四周的实际长为多少 m?

二、建构活动

1. 分别量出两幅地图中南京市与徐州市、南京市与连云港市之间的图上距离.
2. 在两幅地图中, 南京市与徐州市的图上距离的比是多少? 南京市与连云港市的图上距离之比是多少? 这两个比值之间有怎样的数量关系?



3. 在两幅地图中, 若南京与徐州的图上距离分别为 a , b . 南京与连云港的图上距离分别为 c , d . 那么 a 、 b 、 c 、 d 之间还有这样的数量关系吗?

4. 若 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$, 则 $\frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d}$, 你会说明理由吗?

5. 若 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$, 则 $\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}$, 你会说明理由吗?

6. 若 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \dots = \frac{m}{n}$ ($b+d+\dots+n \neq 0$), 则 $\frac{a+c+\dots+m}{b+d+\dots+n} = \frac{a}{b}$, 你会说明理由吗?

三、例题讲解

- 例 1 某市地图上有一块三角形草地, 三边长分别为 4cm、5cm、6cm. 已知这块三角形草地最短边的实际长度为 80m, 求另外两条边的实际长度.

例2 (1) 已知 $2x=5y$, 求① $\frac{x}{y}$; ② $\frac{x+y}{y}$; ③ $\frac{x-y}{y}$.

(2) 已知线段 c 是 a 、 b 的比例中项, 且 $a=4$, $b=9$, 求 c .

例3 已知 $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 中, $\frac{AB}{A'B'} = \frac{BC}{B'C'} = \frac{CA}{C'A'} = \frac{1}{2}$, 且 $\triangle ABC$ 的周长为 15cm , 求 \triangle

$A'B'C'$ 的周长.

四、当堂训练

1. 在比例尺为 $1:150000$ 的地图上, 测得 A 、 B 两地间的图上距离为 16cm , 求 A 、 B 两地间实际距离.

2. 下列各组长度的线段是否成比例?

(1) 4cm , 6cm , 8cm , 10cm

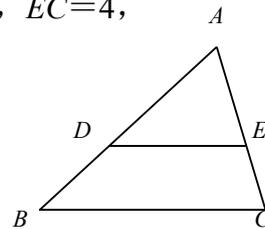
(2) 4cm , 6cm , 8cm , 12cm

(3) 11cm , 22cm , 33cm , 66cm

(4) 2cm , 4cm , 4cm , 8cm

3. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$, $AB=12$, $AE=6$, $EC=4$,

(1) 求 AD 的长; (2) 试说明 $\frac{DB}{AB} = \frac{EC}{AC}$ 成立.



五、总结回顾, 提升认识

谈谈你的学习感受.

六、布置作业, 巩固提高

课本第 42 页习题 6.1 第 1~4 题.

七、【教学反思】

6.2 黄金分割

教学目标:

1. 在应用中进一步理解线段的比以及成比例线段, 了解黄金分割、黄金矩形、黄金三角形的意义.

2. 会找出一条线段的黄金分割点, 找出一个图形中的黄金分割点.

教学重、难点:

1. 教学重点: 黄金分割的概念.

2. 教学难点: 理解黄金分割的意义.

教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.

2. 独立思考、合作探究、自主创新.

3. 多媒体辅助教学.

教学过程:

一、复习回顾

1. 什么是两条线段的比? 什么是成比例线段?

二、建构活动

1. (1) 同一建筑物两种设计方法, 哪一种更具有美感?



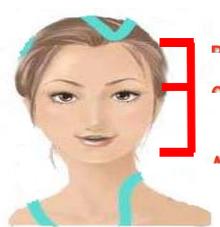
(2) 芭蕾舞演员做相同的动作, 踮脚尖和不踮脚尖, 哪个比较美?



(3) 脸型相同, 五官基本相同的 3 张脸, 哪个比较美?



2. 动手实践探索美



(1) 比例符合多少才最美呢？测量并填写下表：（结果精确到 0.1）

	$BC(\text{cm})$	$AC(\text{cm})$	$AB(\text{cm})$	$\frac{AC}{AB}$	$\frac{BC}{AC}$
建筑图纸					
芭蕾演员					
美女头像					

(2) 观察表格：这些比值有什么特点？先独立研究，再与小组内的同学分享你的收获。介绍黄金分割定义。

如图，点 B 把线段 AC 分成两条线段 AB 和 BC ，如果 $\frac{AB}{AC} = \frac{BC}{AB}$ ，那么称线段 AC 被点 B

黄金分割，点 B 叫做线段 AC 的黄金分割点， AB 与 AC 的比叫做**黄金比**。



(3) 探索黄金比

如果设 $AC=1$ ，请根据黄金分割的概念计算黄金比。（可利用方程解决问题）

三、例题讲解

例 1 若线段 $AB=4\text{cm}$ ，点 C 是线段 AB 的一个黄金分割点，则 AC 的长为多长？

例 2 画图：

1. 作顶角为 36° 的等腰三角形 ABC ；
2. 分别量出底边 BC 与腰 AB 的长度；
3. 作 $\angle B$ 的平分线，交 AC 于点 D ，量出 $\triangle BCD$ 的底边 CD 的长度。

分别求出 $\triangle ABC$ 与 $\triangle BCD$ 的底边与腰的长度的比值（精确到 0.001），此时比值是多少？

思考（1）你能利用你的发现作出一条线段的黄金分割点吗？

四、当堂训练

1. 一条线段的黄金分割点有_____个。
2. 如图，点 C 是 AB 的黄金分割点 ($AC > BC$)，那么 $\frac{BC}{AB}$ 的值约是_____。

3. 据有关实验测定，当气温处于人体正常体温 (37°C) 的黄金比值时，人体感到最舒适。这个气温约为_____ $^\circ\text{C}$ 。（精确到 1°C ）

4. 古希腊时期的巴台农神庙的正面是一个黄金矩形。若已知黄金矩形的长等于 6，则这个黄金矩形的宽等于_____。（结果保留根号）

五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第 47 页习题 6.2 第 1~3 题。

七、【教学反思】

6.3 相似图形

教学目标:

1. 了解形状相同的图形是相似的图形，能在诸多图形中找出相似图形。
2. 理解相似三角形、相似多边形、相似比的概念。

教学重、难点:

1. 教学重点：相似三角形的概念。
2. 教学难点：相似比的概念。

教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式。
2. 独立思考、合作探究、自主创新。
3. 多媒体辅助教学。

教学过程:

一、复习回顾

1. 你还记得全等图形的概念吗？什么是全等三角形，全等三角形有什么性质？

二、建构活动

1. (1) 观察下面各组图形，说说它们有什么共同的特点？

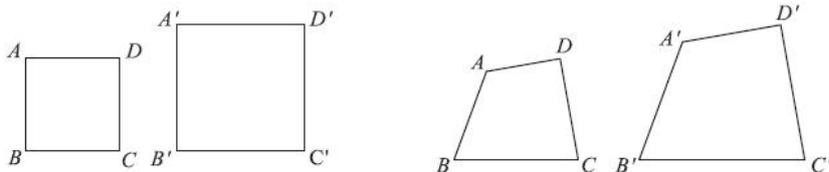


- (2) 你还能举出具有上述特点的图形的例子吗？

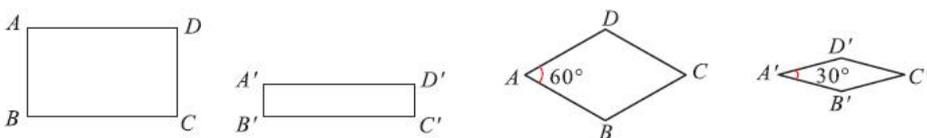
- (3) 全等的图形和形状相同的图形之间有什么联系与区别？

2. (1) 如图，度量放大镜中的三角形与原三角形对应的边和角，你发现了什么？

- (2) 如图，两个正方形的边和角分别有什么数量关系？四边形呢？

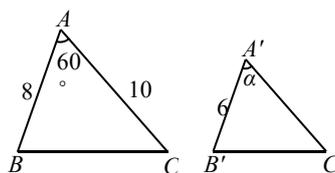


- (3) 如图，两个矩形的边和角分别有什么数量关系？菱形呢？



三、例题讲解

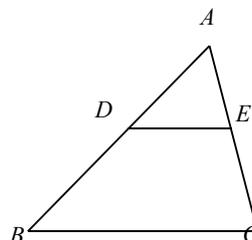
例1 如图, $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, 求 $\angle \alpha$ 的大小和 $A'C'$ 的长.



例2 如图, $\triangle ABC$ 中, D 、 E 分别是 AB 、 AC 中点.

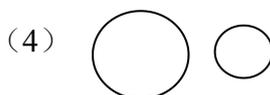
(1) $\triangle ADE$ 与 $\triangle ABC$ 相似吗? 为什么?

(2) 取 BC 的中点 F , 分别连接 DF 、 EF , 你有什么新的发现吗? 与大家交流.



四、当堂训练

1. 观察下面的各组图形, 其中相似的图形有_____ (填序号).

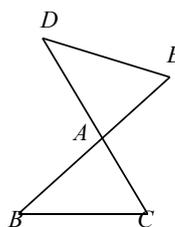
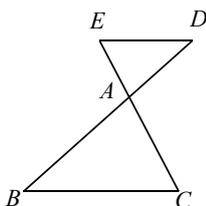
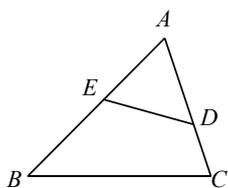


2. 已知 $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$, 且 $\angle A = 50^\circ$, $\angle B = 95^\circ$, 则 $\angle C_1$ 等于().

- A. 50° B. 95° C. 35° D. 25°

3. 若 $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, 且 $\frac{AB}{A'B'} = 2$, 则 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 相似比是_____, $\triangle A'B'C'$ 与 $\triangle ABC$ 的相似比是_____.

4. 已知: 如图, $\triangle ADE \sim \triangle ABC$, 从中选择你喜欢的 1 个图形, 写出对应相等的角和对应边的比例式, 并说说你是怎么想的?



五、总结回顾, 提升认识

谈谈你的学习感受.

六、布置作业, 巩固提高

课本第 52 页习题 6.3 第 2~4 题.

七、【教学反思】

6.4 探索三角形相似的条件（1）

教学目标：

1. 在给定情境中经历测量、计算等过程，掌握基本事实：两条直线被一组平行线所截，所得的对应线段成比例；
2. 掌握定理：平行于三角形一边的直线与其他两边相交，所截得的三角形与原三角形相似。

教学重、难点：

1. 教学重点：掌握基本事实：两条直线被一组平行线所截，所得的对应线段成比例。
2. 教学难点：对基本事实中“对应”两字的理解。

教学方法与教学手段：

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式。
2. 独立思考、合作探究、自主创新。
3. 多媒体辅助教学。

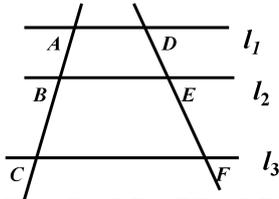
教学过程：

一、复习回顾

1. 根据相似多边形的概念，判断相似三角形需要几个条件？

二、建构活动

1. (1) 如图，画三条互相平行的直线 l_1 、 l_2 、 l_3 ，再任意画 2 条直线 a 、 b ，使 a 、 b 分别与 l_1 、 l_2 、 l_3 相交于点 A 、 B 、 C 和点 D 、 E 、 F 。



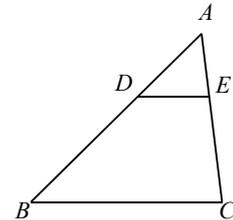
- (2) 度量所画图中 AB 、 BC 、 AC 、 DE 、 EF 、 DF 的长度，并计算对应线段的比值，你有什么发现？

- (3) 如果任意平移 l_3 ，再度量 AB 、 BC 、 DE 、 EF 的长度，这些比值还相等吗？

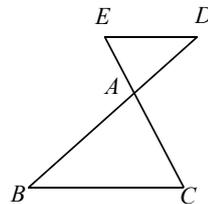
三、例题讲解

例 1 如图，点 D 、 E 分别在 $\triangle ABC$ 边 AB 、 AC 上， $DE \parallel BC$ 。

求证 $\triangle ADE \sim \triangle ABC$ 。

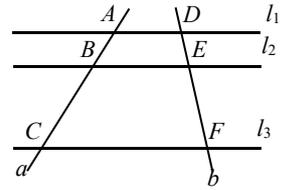
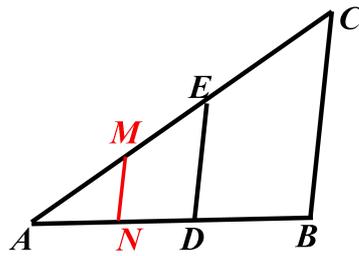


例 2 如图，点 A 、 B 、 D 与点 A 、 C 、 E 分别在一条直线上，如果 $DE \parallel BC$ ，那么 $\triangle ADE$ 与 $\triangle ABC$ 相似吗？为什么？



四、当堂训练

1. 如果再作 $MN \parallel DE$ ，共有多少对相似三角形？



2. 如图， $l_1 \parallel l_2 \parallel l_3$ ， a 、 b 分别与 l_1 、 l_2 、 l_3 相交于点 A 、 B 、 C 和点 D 、 E 、 F 。 $AB=3$ ， $BC=5$ ， $DF=6$ 。求 EF 的长。

五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第 65 页习题 6.4 第 1~3 题。

七、【教学反思】

6.4 探索三角形相似的条件 (2)

教学目标:

1. 在类比三角形全等条件的过程中探索三角形相似的条件, 感悟特殊与一般的思想.
2. 探索并证明三角形相似的条件.

教学重、难点:

1. 教学重点: 三角形相似的条件 1 的探索与应用.
2. 教学难点: 三角形相似的条件 1 的应用.

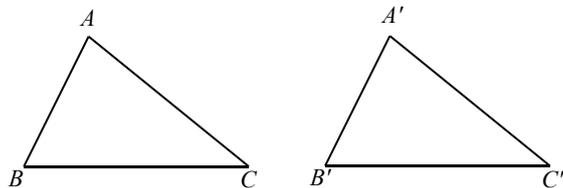
教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程:

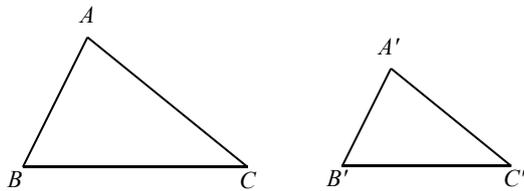
一、复习回顾

1. (1) 判断两个三角形全等需要几个条件?
(2) 如图, 请用数学符号语言描述 $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 全等的条件.



二、建构活动

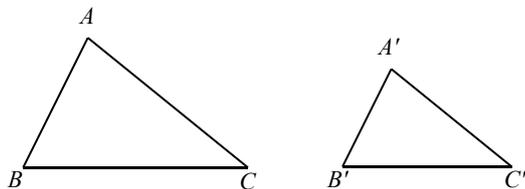
1. (1) 说明相似三角形与全等三角形的关系.
(2) 从相似三角形与全等三角形的关系中, 你能猜想要几个条件就能判断两个三角形相似?
(3) 类比三角形全等的条件, 请尝试总结三角形 $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 相似的条件.



2. 如图, $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 中, $\angle A = \angle A'$, $\angle B = \angle B'$.

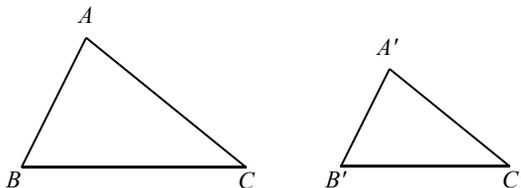
证明 $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$.

(提示: 可利用“平行于三角形一边的直线与其他两边相交, 所截得的三角形与原三角形相似”解决问题)

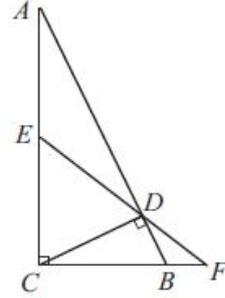


三、例题讲解

例 1 如图, 已知 $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 中, $\angle A = 50^\circ$, $\angle B = \angle B' = 60^\circ$, $\angle C' = 70^\circ$. $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 相似吗? 为什么?



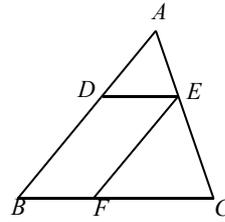
例2 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle AC=90^\circ$ ， CD 是 $\triangle ABC$ 的高， E 是 AC 的中点， ED 、 CB 的延长线相交于点 F ， $\triangle FDB$ 与 $\triangle FDC$ 相似吗？为什么？



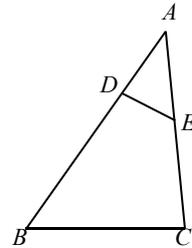
四、当堂训练

1. 如图， $\triangle ABC$ 中， $DE \parallel BC$ ， $EF \parallel AB$ ，则图中相似三角形的对数是 ()。

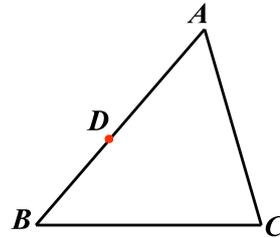
- A. 1对 B. 2对 C. 3对 D. 4对



2. 如图所示，已知 D 、 E 分别是 $\triangle ABC$ 的边 AB 、 AC 上的点，若 $\angle A=35^\circ$ ， $\angle C=85^\circ$ ， $\angle AED=60^\circ$ ，求证 $\triangle ABC \sim \triangle AED$ 。



3. 在 $\triangle ABC$ 中， $AB > AC$ ， AB 上一点 D ，作直线 DE 交另一边于 E ，使所得三角形与原三角形相似，画出满足条件的图形。



五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第 65~66 页习题 6.4 第 3~7 题。

七、【教学反思】

6.4 探索三角形相似的条件 (3)

教学目标:

1. 探索三角形相似的条件 2, 会用三角形相似的条件 2 解决有关问题.
2. 经历对图形的观察、实验、猜想等数学活动过程, 发展合情推理和有条件的表达能力.

教学重、难点:

1. 教学重点: 三角形相似的条件 2 的探索与应用.
2. 教学难点: 三角形相似的条件 2 的探索与应用.

教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

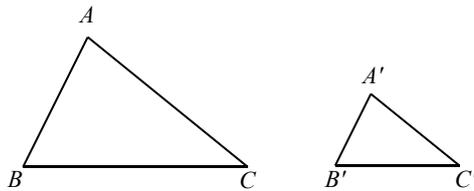
教学过程:

一、复习回顾

1. 判定两三角形相似的方法有哪些?

二、建构活动

1. 如图, 在 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 中, $\angle A = \angle A'$, $\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = 2$, 测量 $\angle B$ 与 $\angle B'$ 的大小, 由此能判断 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 相似吗? 为什么?



2. 在 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 中, 如果 $\angle A = \angle A'$, $\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = k$, 那么 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 相似吗? 在草稿纸上画一画, 量一量.

3. 总结你的发现.

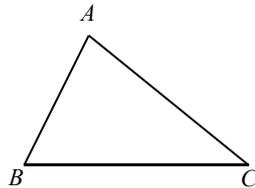
三、例题讲解

例 1 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 中, $\angle B = \angle B'$. 要使 $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, 需要添加什么条件?

例 2 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = 4\text{cm}$, $AC = 2\text{cm}$,

(1) 在 AB 上取一点 D , 当 $AD = \underline{\hspace{2cm}}$ cm 时, $\triangle ACD \sim \triangle ABC$;

(2) 在 AC 的延长线上取一点 E , 当 $CE = \underline{\hspace{2cm}}$ cm 时, $\triangle AEB \sim \triangle ABC$, 此时, BE 与 DC 有怎样的位置关系? 为什么?



四、当堂训练

1. 下列条件能判定 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 相似的有 ().

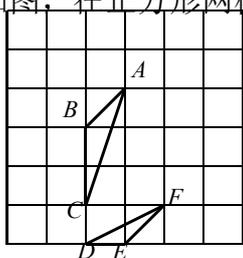
(1) $\angle A = 45^\circ$, $AB = 12$, $AC = 15$, $\angle A' = 45^\circ$, $A'B' = 16$, $A'C' = 20$;

(2) $\angle A = 47^\circ$, $AB = 1.5$, $AC = 2$, $\angle B' = 47^\circ$, $A'B' = 2.8$, $B'C' = 2.1$;

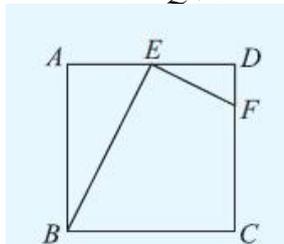
(3) $\angle A = 47^\circ$, $AB = 2$, $AC = 3$, $\angle B' = 47^\circ$, $A'B' = 4$, $B'C' = 6$.

- A. 0 个 B. 1 个 C. 2 个 D. 3 个

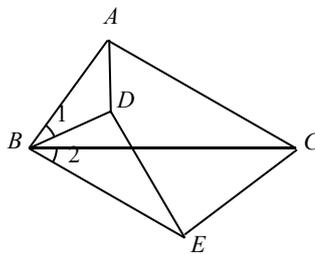
2. 如图，在正方形网格上有 $\triangle A_1B_1C_1$ 和 $\triangle A_2B_2C_2$ ，这两个三角形相似吗？为什么？



3. 如图， P 是正方形 $ABCD$ 的边 BC 上一点，且 $BP=3PC$ ， Q 是 CD 的中点。 $\triangle ADQ$ 与 $\triangle QCP$ 相似吗？为什么？



4. 如图，点 D 在 $\triangle ABC$ 内，点 E 在 $\triangle ABC$ 外，且 $\angle 1 = \angle 2$ ， $\angle BAD = \angle BCE$ 。求证 $\triangle ABD \sim \triangle CBE$ 。



五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第 66 页习题 6.4 第 8~11 题。

七、【教学反思】

6.4 探索三角形相似的条件（4）

教学目标：

1. 探索三角形相似的条件 3，会用三角形相似的条件 3 解决有关问题.
2. 经历对图形的观察、实验、猜想等数学活动过程，发展合情推理和有条件的表达能力.

教学重、难点：

1. 教学重点：三角形相似的条件 3 的探索与应用.
2. 教学难点：三角形相似的条件 3 的发现与灵活应用.

教学方法与教学手段：

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程：

一、复习回顾

1. 两个全等的三角形一定相似吗？若相似，相似比是多少？两个相似三角形一定全等吗？

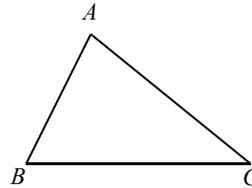
二、建构活动

1. 对照判定两个三角形全等的方法，猜想判定两个三角形相似还可能有什么方法？

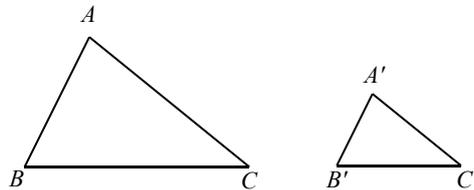
2. 如图，已知 $\triangle ABC$,

(1) 作 $\triangle A'B'C'$ ，使得 $\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = \frac{BC}{B'C'} = \frac{1}{2}$;

- (2) $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 相似吗？



3. 在 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 中，如果 $\frac{AB}{A'B'} = \frac{AC}{A'C'} = \frac{BC}{B'C'} = k$ ，那么 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 相似吗？在草稿纸上画一画，量一量并说明理由.



4. 总结你的发现.

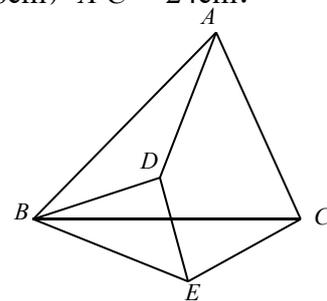
三、例题讲解

例 1 根据下列条件，判断 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 是否相似，并说明理由.

- (1) $\angle A = 100^\circ$, $AB = 5\text{cm}$, $AC = 7.5\text{cm}$, $\angle A' = 100^\circ$, $A'B' = 8\text{cm}$, $A'C' = 12\text{cm}$;
- (2) $AB = 4\text{cm}$, $BC = 6\text{cm}$, $AC = 8\text{cm}$, $A'B' = 12\text{cm}$, $B'C' = 18\text{cm}$, $A'C' = 24\text{cm}$.

例 2 已知：如图， $\frac{AB}{BD} = \frac{BC}{BE} = \frac{CA}{ED}$.

- (1) 说明 $\angle ABD = \angle EBC$ ；(2) 说明 $\triangle BAD \sim \triangle BCE$.



四、当堂训练

1. 下列各组三角形中，两个三角形能够相似的是 ().

A. $\triangle ABC$ 中， $AB = 8$, $AC = 4$, $\angle A = 85^\circ$,
 $\triangle A'B'C'$ 中， $A'B' = 16$, $B'C' = 8$, $\angle A' = 80^\circ$.

B. $\triangle ABC$ 中， $AB = 18$, $BC = 20$, $CA = 35$,
 $\triangle A'B'C'$ 中， $A'B' = 36$, $B'C' = 40$, $C'A' = 70$.

C. $\triangle ABC$ 和 $\triangle A'B'C'$ 中，有 $\frac{AB}{A'B'} = \frac{BC}{B'C'}$, $\angle C = \angle C'$.

D. $\triangle ABC$ 中， $\angle A = 42^\circ$, $\angle B = 118^\circ$,
 $\triangle A'B'C'$ 中， $\angle A' = 118^\circ$, $\angle B' = 15^\circ$.

2. 一个三角形 3 边的长分别为 6 cm、9 cm、7.5 cm，另一个三角形 3 边的长分别为 12 cm、10 cm、8 cm. 这两个三角形相似吗？为什么？

3. 一个钢筋三角架长分别为 20 cm、50 cm、60 cm，现要再做一个与其相似的钢筋三角架，而只有长为 30 cm 和 50 cm 的两根钢筋，要求以其中一根为一边，从另一根上截下两段（允许有余料）作为两边，则不同的载法有_____种.

五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受.

六、布置作业，巩固提高

课本第 67 页习题 6.4 第 12~13 题.

七、【教学反思】

6.4 探索三角形相似的条件 (5)

教学目标:

1. 了解黄金三角形.
2. 知道三角形的三条中线交于一点, 该点就是三角形的重心, 在给定的条件下, 能识别三角形的重心.
3. 在证明三角形的三条中线交于一点的过程中了解同一法.

教学重、难点:

1. 教学重点.
 - (1) 了解黄金三角形.
 - (2) 在给定的条件下, 能识别三角形的重心.

2. 教学难点.

证明三角形的三条中线交于一点的过程中了解同一法.

教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程:

一、复习回顾

1. 如图, 若 B 是线段 AC 的黄金分割点, 则线段 AB 、 BC 、 AC 之间的数量关系是什么? 黄金比是多少?

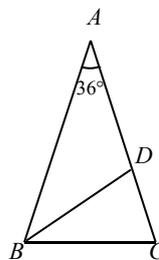


2. 八年级在学习完角平分线的性质后, 我们如何证明三角形三条角平分线相交于一点?

二、建构活动

1. 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC$, $\angle A=36^\circ$, BD 是 $\triangle ABC$ 的角平分线.

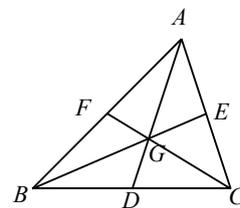
- (1) $\triangle ABC$ 与 $\triangle BDC$ 相似吗? 为什么?
- (2) 判断点 D 是否是 AC 的黄金分割点, 并说明理由.
- (3) 求 $\frac{BC}{AB}$ 的值.



2. (1) 在七年级, 我们通过观察、操作, 发现三角形的三条中线相交于一点. 你能运用相似形的有关知识证明这个结论吗?

- (2) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, BE 、 CF 是它的两条中线.

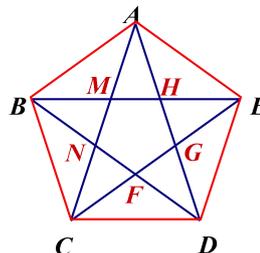
求证: AD 是 $\triangle ABC$ 的一条中线.



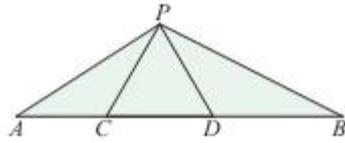
三、例题讲解

- 例 1 如图, 正五边形 $ABCDE$ 的 5 条边相等, 5 个内角也相等.

- (1) 找找看, 图中是否有黄金三角形?
- (2) 点 F 分别是哪些线段的黄金分割点?

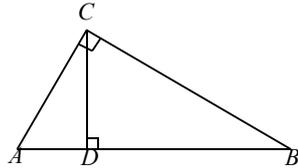


例2 如图, 在 $\triangle PAB$ 中, 点 C 、 D 在边 AB 上, $PC=PD=CD$, $\angle APB=120^\circ$.
求证 $\triangle APC \sim \triangle PBD$.

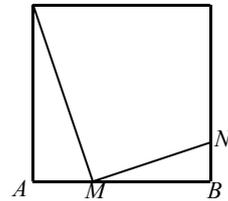


四、当堂训练

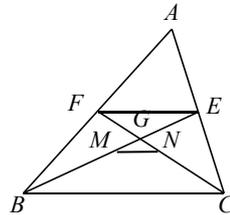
1. 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, CD 是斜边 AB 上的高.
(1) 图中有哪几对相似三角形? 请把它们表示出来, 并说明理由;
(2) AC 是哪两条线段的比例中项? 为什么?



2. 如图, 在正方形 $ABCD$ 中, 点 M 、 N 分别在 AB 、 BC 上, $AB=4$, $AM=1$, $BN=0.75$.
(1) $\triangle ADM$ 与 $\triangle BMN$ 相似吗? 为什么?
(2) 求 $\angle DMN$ 的度数.



3. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, BE 、 CF 是它的两条中线相交于点 G , M 、 N 分别是 BE 、 CF 的中点. 求 $\frac{S_{\triangle GMN}}{S_{\triangle ABC}}$ 的值.



五、总结回顾, 提升认识

谈谈你的学习感受.

六、布置作业, 巩固提高

课本第 68 页习题 6.4 第 15~16 题.

七、【教学反思】

6.5 相似三角形的性质 (1)

教学目标:

1. 探索相似三角形、相似多边形性质, 会运用相似三角形、相似多边形的性质解决有关问题.
2. 通过实践与探索, 得到相似三角形的周长比及面积比与相似比的关系, 运用类比的方法得出相似多边形的周长比及面积比与相似比的关系.
3. 经历“探索—发现—猜想”, 通过实际问题的研究, 提高分析问题、解决问题的能力.

教学重、难点:

1. 教学重点: 相似三角形(多边形)的周长比及面积比与相似比的关系.
2. 教学难点: 相似三角形(多边形)的面积比等于相似比的平方.

教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程:

一、复习回顾

1. 相似三角形的对应边和对应角具有哪些性质?

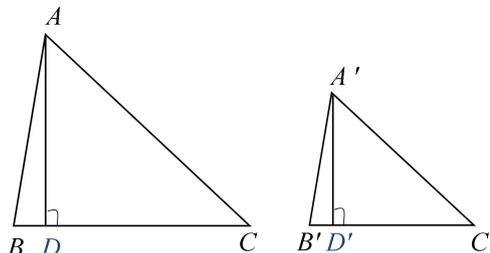
二、建构活动

讨论: 你知道相似三角形还具有哪些性质呢?

(1) ① $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, 且相似比为 k , 那么两个相似三角形的周长有什么关系呢? 请说明理由.

② 两个相似多边形的周长有什么关系呢?

(2) ① 如图 $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$, 且相似比为 k , AD 、 $A'D'$ 分别是 $\triangle ABC$ 、 $\triangle A'B'C'$ 的高. 那么这两个相似三角形的面积有什么关系呢? 请说明理由.



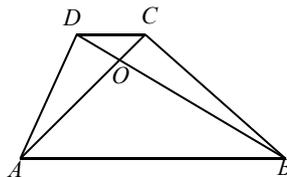
② 两个相似多边形的面积有什么关系呢?

三、例题讲解

例 1 在比例尺为 $1:500$ 的地图上, 测得一个三角形地块 ABC 的周长为 12cm , 面积为 6cm^2 . 求这个地块的实际周长和面积.

例 2 如图, 四边形 $ABCD$ 中, $AB \parallel DC$, 对角线相交于点 O , $CD=4$, $AB=12$.

求: (1) $\frac{S_{\triangle COD}}{S_{\triangle AOB}}$ 的值; (2) $\frac{S_{\triangle COD}}{S_{\triangle AOD}}$ 的值.

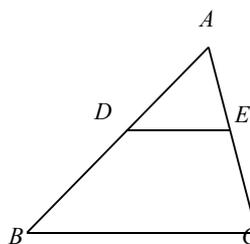


四、当堂训练

1. 已知两个相似三角形的最短边分别是 9cm 和 6cm，若它们的周长和是 60cm，面积差是 25cm^2 ，则这两个三角形的周长和面积分别是多少？

2. 如图，在 $\triangle ABC$ 中，点 D 、 E 分别在 AB 、 AC 上， $DE \parallel BC$ ， $AD : DB = 3 :$

2. 求四边形 $DBCE$ 与 $\triangle ADE$ 的面积之比。



五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第 74 页习题 6.5 第 1~3 题。

七、【教学反思】

6.5 相似三角形的性质（2）

教学目标：

1. 运用类比思想方法，通过实践探索得出相似三角形对应线段（高、中线、角平分线）性质；
2. 会运用相似三角形对应高的性质解决有关问题；
3. 经历“操作—观察—探索—说理”的数学活动过程，发展合情推理和有条件的表达能力。

教学重、难点：

1. 教学重点.

探索和掌握相似三角形对应线段的性质.

2. 教学难点.

利用相似三角形对应高的性质解决问题.

教学方法与教学手段：

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程：

一、复习回顾

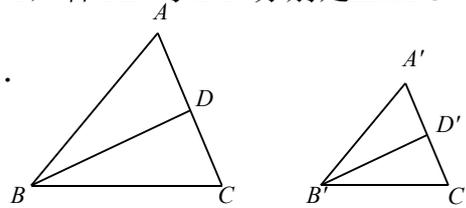
1. 简述相似多边形的性质.

二、建构活动

1. 已知 $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$ ，且 $AB : A'B' = k : 1$ ，若 BD 与 $B'D'$ 分别是 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 的对应中线.

(1) 你发现还有哪些三角形相似？说明理由.

(2) $BD : B'D'$ 的值是多少？

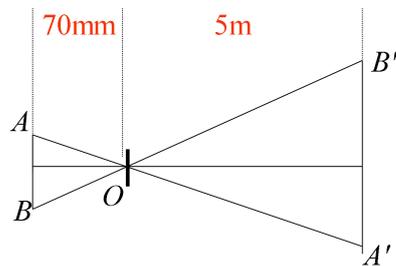


(3) 总结两个相似三角形的对应中线有何性质？

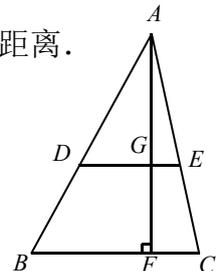
2. 若 AD 与 $A'D'$ 分别是这两个三角形的对应角平分线，你发现什么？你会说明理由吗？

三、例题讲解

例1 如图，是一个照相机成像的示意图．如果底片 AB 宽35mm，焦距是70mm，拍摄5m外的景物 $A'B'$ 有多宽？如果焦距是50mm呢？



例2 如图，在 $\triangle ABC$ 中，点 D 在 AB 上， $AE \parallel BC$ ，交 AC 于点 E ． AF 是 $\triangle ABC$ 的高分别交 DE 、 BC 于点 G 、 F ．若 $DE=6$ ， $BC=10$ ， $GF=5$ ，求点 A 到 DE 、 BC 的距离．



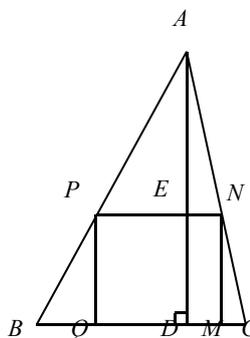
四、当堂训练

1. 相似三角形对应边的比为 0.4, 那么

(1) 相似比为_____, (2) 对应角的角平分线之比为_____,

(3) 周长的比为_____, (4) 面积的比为_____.

2. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, AD 是高, 矩形 $PQMN$ 的顶点 P 、 N 分别在 AB 、 AC 上, QM 在边 BC 上. 若 $BC=a$, $AD=h$, 且 $PN=2PQ$, 求矩形 $PQMN$ 的长和宽(用含 a 、 h 的代数式表示).



五、总结回顾, 提升认识

谈谈你的学习感受.

六、布置作业, 巩固提高

课本第 74—75 页习题 6.5 第 4~6 题.

七、【教学反思】

6.6 图形的位似

教学目标:

1. 通过实验、操作、思考活动认识位似形;
2. 会利用位似变换将一个图形放大或缩小.

教学重、难点:

1. 教学重点: (1) 位似形的概念;
(2) 利用位似变换将一个图形放大或缩小.
2. 教学难点: 利用位似变换将一个图形放大或缩小.

教学方法与教学手段:

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

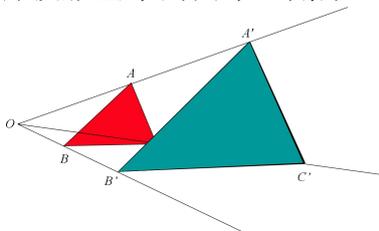
教学过程:

一、复习回顾

1. 什么是相似多边形?

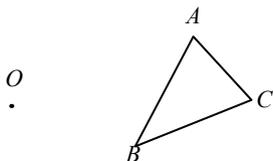
二、建构活动

1. 观察点光源投影出来的两个三角形, 你有什么发现?



2. 已知点 O 和 $\triangle ABC$,

- (1) ①画射线 OA 、 OB 、 OC , 在 OA 、 OB 、 OC 上取点 A' 、 B' 、 C' , 使 $\frac{OA'}{OA} = \frac{OB'}{OB} = \frac{OC'}{OC} = 2$;
②画 $\triangle A'B'C'$; ③ $\triangle A'B'C'$ 与 $\triangle ABC$ 相似吗? 为什么?



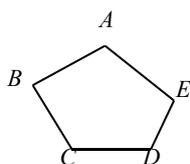
- (2) 分别在 OA 、 OB 、 OC 的反向延长线上取点 A'' 、 B'' 、 C'' , 使 $\frac{OA''}{OA} = \frac{OB''}{OB} = \frac{OC''}{OC} = \frac{1}{2}$, 画 $\triangle A''B''C''$. $\triangle A''B''C''$ 与 $\triangle ABC$ 相似吗? 为什么?

- (3) 总结 $\triangle A'B'C'$ 与 $\triangle ABC$ 、 $\triangle A''B''C''$ 与 $\triangle ABC$ 的关系.

3. 位似图形的对应边有怎样的位置关系?
4. 位似图形与相似图形有什么区别与联系呢?

三、例题讲解

例1 如图，在平面内任取一个点 O ，把五边形 $ABCDE$ 按位似比 $2:1$ 放大。



例2 在平面直角坐标系中，

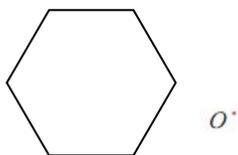
(1) 取若干个横坐标、纵坐标都是整数的点，画出这些点组成的一个四边形；

(2) 把第(1)题中四边形各顶点的横坐标、纵坐标都乘2，所得各点组成一个新的四边形，画出这个四边形；

(3) 以坐标原点为位似中心，按位似比 $2:1$ ，把第(1)题中的四边形放大，你发现了什么？

四、当堂训练

1. 如图，以点 O 为位似中心，将六边形缩小为原来的 $\frac{1}{2}$ 。



五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第79~80页习题6.6第1~3题。

七、【教学反思】

6.7 用相似三角形解决问题（1）

教学目标：

1. 了解平行投影的意义.
2. 知道在平行光线照射下，不同物体的物高与影长成比例，会利用平行投影画出图形并能利用其原理测量物体的高度.
3. 经历“探索—发现—猜想”，通过实际问题的研究，提高分析问题、解决问题的能力，建立“相似三角形”的模型.
4. 综合运用判定相似三角形的条件和三角形相似的性质解决问题，增强用数学的意识.

教学重、难点：

1. 教学重点：理解平行光线照射下，不同物体的物高与影长的关系，并能进行运用.
2. 教学难点：综合运用判定相似三角形的条件和三角形相似的性质解决问题.

教学方法与教学手段：

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程：

一、复习回顾

1. 判定三角形相似有哪些方法？相似三角形有哪些性质？

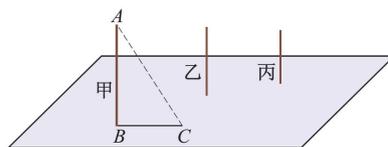
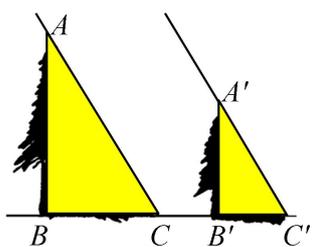
二、建构活动

活动一：你看见了什么？



它们有区别吗？你还能举出类似的例子吗？

活动二：研究什么？平行投影有什么特点？

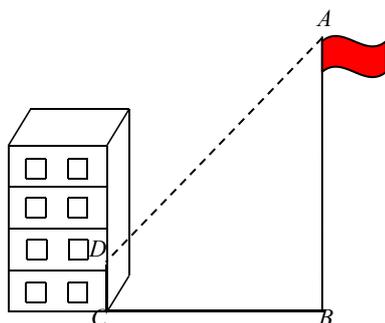


你发现的这些特点有什么利用价值？你能举个例子吗？

三、例题讲解

例 1 在阳光下，高为 6 m 的旗杆在地面上的影长为 4 m，在同一时刻，测得附近一座建筑物的影长为 36 m. 求这座建筑物的高度.

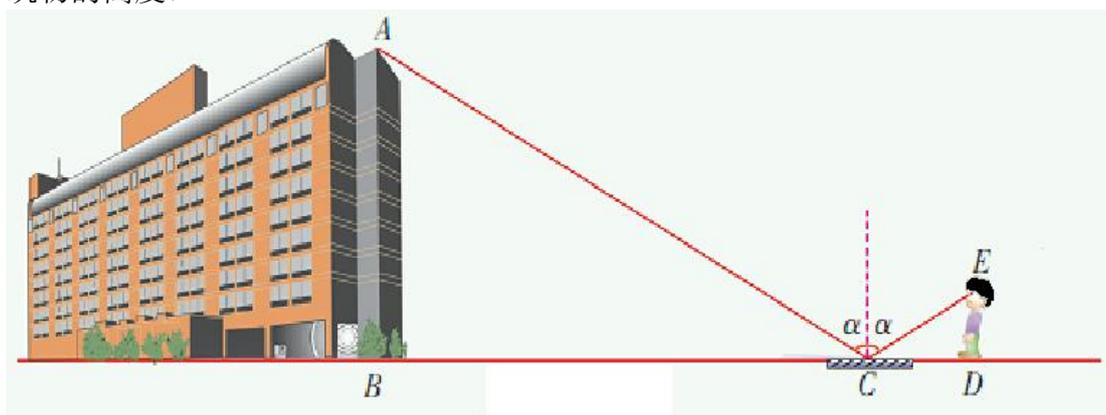
例2 如图，在阳光下，某一时刻，旗杆 AB 的影子一部分在地面上，另一部分在建筑物的墙面上。小明测得旗杆 AB 在地面上的影长 BC 为 20m ，在墙面上的影长 CD 为 4m 。同一时刻，小明又测得竖立于地面长 1m 的标杆的影长为 0.8m 。求旗杆 AB 的高度。



四、当堂训练

1. 在某一时刻，有人测得一高为 1.8 米的竹竿的影长为 3 米，某一高楼影长为 60 米，那么高楼的高度是多少米？

2. 如图，小军想出了一个测量建筑物高度的方法：在地面上 C 处平放一面镜子，并在镜子上做一个标记，然后向后退去，直至看到建筑物的顶端 A 在镜子中的象与镜子上的标记重合。如果小军的眼睛距地面 1.65m ， BC 、 CD 的长分别为 60m 、 3m ，求这座建筑物的高度。



五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第 $85\sim 86$ 习题 6.7 第 $1\sim 5$ 题。

七、【教学反思】

6.7 用相似三角形解决问题（2）

教学目标：

1. 了解中心投影的意义.
2. 知道在点光源的照射下，物体的物高与影长的关系，会根据中心投影投影画出图形并能利用其原理进行相关测量和计算.
3. 经历“探索—发现—猜想”通过实际问题的研究，提高分析问题、解决问题的能力，建立“相似三角形”的模型.
4. 综合运用判定相似三角形的条件和三角形相似的性质解决问题，增强用数学的意识.

教学重、难点：

1. 教学重点：理解在点光源的照射下，物体的物高与影长的关系.
2. 教学难点：综合运用判定相似三角形的条件和三角形相似的性质解决问题.

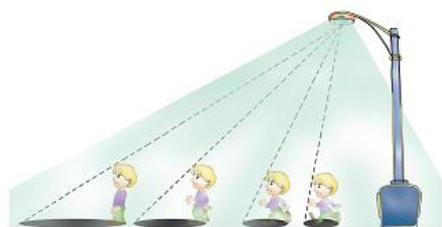
教学方法与教学手段：

1. 采取“创设情境——合作探究——观察概括——问题解决”的教学模式.
2. 独立思考、合作探究、自主创新.
3. 多媒体辅助教学.

教学过程：

一、复习回顾

1. 什么是平行投影？平行投影有什么性质？

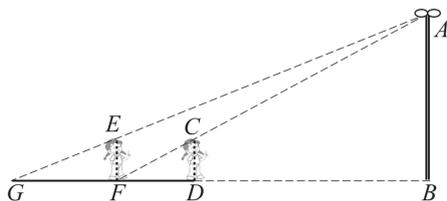


二、建构活动

1. (1) 夜晚，当人们在路灯下行走时，会出现怎样的现象？
(2) 在点光源的照射下，不同物体的物高与影长成比例吗？
(3) 中心投影有什么特点？
(4) 你发现的这些特点有什么利用价值？你能举个例子吗？
(5) 你能再说说平行投影和中心投影的区别吗？

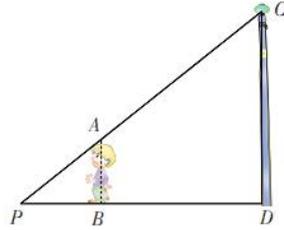
三、例题讲解

例1 如图，河对岸有一路灯杆 AB 。在灯光下，小明在点 D 处测量得自己的影长 $DF=3\text{m}$ ，沿 BD 方向到达点 F 处再测得自己的影长 $FG=4\text{m}$ 。如果小明的身高为 1.6m ，求路灯杆 AB 的高度。



四、当堂训练

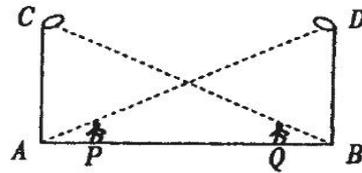
1. 如图，某同学身高 $AB=1.60\text{m}$ ，他从路灯杆底部的点 D 处沿直线前进 4m 到点 B 时，其影长 $PB=2\text{m}$ 。求路灯杆 CD 的高度。



2. 如图所示，小华在晚上由路灯 AC 走向路灯 BD ，当他走到点 P 时，发现他身后影子的顶部刚好接触到路灯 AC 的底部，当他向前再步行 12m 到达点 Q 时，发现他身前影子的顶部刚好接触到路灯 BD 的底部，已知小华的身高是 1.6m ，两个路灯的高度都是 9.6m ，且 $AP=QB$ 。

(1) 求两个路灯之间的距离；

(2) 当小华走到点 B 时，他在路灯 AC 下的影长是多少？



五、总结回顾，提升认识

谈谈你的学习感受。

六、布置作业，巩固提高

课本第 86—87 页习题 6.7 第 6~8 题。

七、【教学反思】